

6. చతుర్భుజాలు

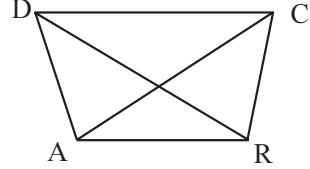
చతుర్భుజం : 4 భుజాలచే ఏర్పడిన సరళ సంవృత పటాన్ని చతుర్భుజం అంటాము.

- ☞ ఒక చతుర్భుజంలో 4 భుజాలు, 4 కోణాలు, 4 శీర్షాలు ఉండును.
- ☞ ఒక చతుర్భుజంలో 4 కోణాల మొత్తం 360° లేదా 4 లంబకోణాలు.
- ☞ చతుర్భుజంలో ఎదురెదురు శీర్షాలను కలుపు రేఖాఖండాన్ని కర్ణము అంటాము.

భుజాలు - $\overline{AB}, \overline{BC}, \overline{CD}, \overline{AD}$

కోణాలు - $\angle LBD, \angle ABC, \angle BCD, \angle ADC$

కర్ణాలు - $\overline{AC}$ మరియు $\overline{BD}$

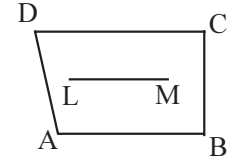


ఆసన్న భుజాలు :- ప్రక్క ప్రక్క భుజాలు $AB, BC; BC, CD; CD, AD$ మరియు AB, AD

అభిముఖ భుజాలు :- (ఎదురెదురు భుజాలు) AB, CD మరియు BC, AD

- ☞ చతుర్భుజంలో ఉమ్మడి శీర్షం లేని భుజాలను అభిముఖ భుజాలు అంటాం.
- ☞ చతుర్భుజంలో ఉమ్మడి భుజంలేని కోణాలను అభిముఖ కోణాలు $\angle A$ కి అభిముఖ కోణం $\angle C$ మరియు $\angle B$ కి అభిముఖ కోణం $\angle D$ అంటాం.
- ☞ ఉమ్మడి భుజం గల కోణాలను ఆసన్న కోణాలు అంటాం.

(1) $\angle A, \angle B$ (2) $\angle B, \angle C$, (3) $\angle C, \angle D$, (4) $\angle A, \angle D$



కుంభాకార చతుర్భుజం :

చతుర్భుజంలో అంతరంగా ఉన్న బిందువులను కలిపే రేఖాఖండాల్నీ అంతరంలో ఉంటే దాన్ని కుంభాకార చతుర్భుజి అంటాం.

పుటాకార చతుర్భుజం :

చతుర్భుజంలో అంతరంగా ఉన్న బిందువులను కలుపు రేఖాఖండాల్నీ చతుర్భుజానికి దాని అంతరంలో లేకుంటే అది “పుటాకార చతుర్భుజం”

చతుర్భుజాల రకాలు :-

1. ట్రెపీజియం (సమలంబ చతుర్భుజం)

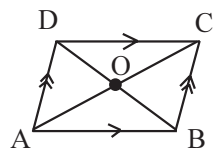
- ☞ ఒక జత సమాంతర భుజాలు ఉండే చతుర్భుజాన్ని సమలంబ చతుర్భుజం అంటాం.
- ☞ ట్రెపీజియంలో ఆసన్న కోణాలు సంపూరకాలు అనగా వాని మొత్తం 180° .

$$\angle A + \angle D = 180^\circ, \angle B + \angle C = 180^\circ$$

- ☞ బాణం గుర్తులు సమాంతర రేఖలను సూచిస్తాయి. పటంలో $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$

2. సమాంతర చతుర్భుజం:

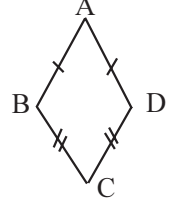
చతుర్భుజంలో రెండు జతల అభిముఖ భుజాల సమాంతరంగా ఉంటే అది సమాంతర చతుర్భుజం అవుతుంది.



పటంలో $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ మరియు $BC \parallel AD$ కనుక $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజం

ధర్మాలు :-

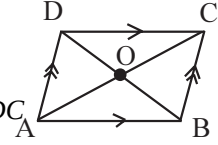
- (1) ఎదురెదురు భుజాలు సమానం $AB = CD, BC = AD$
- (2) ఎదురెదురు కోణాలు సమానం $\angle A = \angle C$ మరియు $\angle B = \angle D$
- (3) ఆసన్న కోణాల మొత్తం 180° అనగా $\angle A + \angle B = 180^\circ, \angle B + \angle C = 180^\circ$
- (4) కర్ణాలు పరస్పరం సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి. $OA = OC, OB = OD$



3. గాలిపటం (KITE):

సమాన కొలతలు ఉండే భుజాల జతలు రెండు వేర్వేరు గాను,

ఆసన్న భుజాలుగాను ఉంటే అది గాలి పటంలో $AB = AD, BC = DC$



7. గాలిపటం ధర్మాలు :

1. కర్ణాలు పరస్పరం లంబంగా ఉండును.
2. కర్ణాలు సమాన కొలతల్లో ఉండవు.
3. కర్ణాలు పరస్పరం లంబంగా ఉంటాయి.

4. రాంబన్ (సమ చతుర్భుజం)

చతుర్భుజంలో అన్ని భుజాలు సమానంగా ఉంటే అది రాంబన్ అగును. పటంలో $AB = BC = CD = AD$

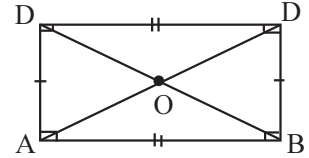
☞ సమచతుర్భుజంలో 4 భుజాలు సమానంగా ఉంటూ సమాంతర చతుర్భుజం యొక్క అన్ని ధర్మాలను కలిగి ఉండును.

- (1) $\angle A = \angle C, \angle B = \angle D$ (2) $\angle A + \angle B = 180^\circ, \angle C + \angle D = 180^\circ$
- (3) కర్ణాలు పరస్పరం లంబ సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి.

5. దీర్ఘచతురస్రం

ఒక కోణం లంబకోణంగా గల సమాంతర చతుర్భుజమే దీర్ఘచతురస్రం, దీర్ఘచతురస్రంలో

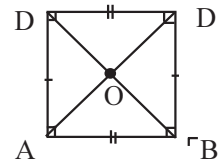
1. ఎదురెదురు భుజాలు సమానం $AB = CD, BC = AD$
2. ప్రతికోణం $90^\circ \rightarrow \angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ$



6. చతురస్రం

అసన్న భుజాలు సమానంగా గల దీర్ఘచతురస్రాన్ని చతురస్రం అంటాము. చతురస్రంలో

1. అన్ని భుజాలు పొడవులు సమానం $AB = BC = CD = AD$
2. అన్ని కోణాలు లంబకోణాలు $\angle A = \angle B = \angle C = \angle D = 90^\circ$
3. కర్ణాలు సమానం మరియు లంబ సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి.



$$AC = BD, OA = OC, OB = OD, \overline{AC} \perp \overline{BD}$$

ఉదాహరణలు

1. చతుర్భుజంలో కోణాల నిష్పత్తి 3:4:5:6 అయిన కోణాలు కనుగొనుము.

సాధన: చతుర్భుజంలో కోణాల నిష్పత్తి = 3:4:5:6

నిష్పత్తి పదం x అయిన కోణాలు = $3x, 4x, 5x, 6x$

4 కోణాల మొత్తం 360° కనుక $3x + 4x + 5x + 6x = 360^\circ$

$$18x = 360^\circ$$

$$1వ కోణం = 3x = 3 \times 20 = 60^\circ$$

$$x = \frac{360^\circ}{18}$$

$$2వ కోణం = 4x = 4 \times 20 = 80^\circ$$

$$x = 20^\circ$$

$$3వ కోణం = 5x = 5 \times 20 = 100^\circ$$

$$4వ కోణం = 6x = 6 \times 20 = 120^\circ$$

2. ఒక చతుర్భుజంలో రెండు కోణాలు $80^\circ, 120^\circ$ మరియు మిగిలిన రెండు కోణాలు సమానం అయిన వాటిని కనుగొనుము.

సాధన: చతుర్భుజంలో రెండు కోణాలు $80^\circ, 120^\circ$

4 కోణాల మొత్తం 360° కనుక $\angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$

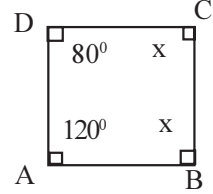
$$80 + 120 + x + x = 360^\circ$$

$$200 + 2x = 360^\circ$$

$$2x = 360 - 200 = 160$$

$$x = \frac{160}{2} = 80^\circ$$

మిగిలిన రెండు కోణాలు (సమానం) $80^\circ, 80^\circ$.



3. ఒక సమాంతర చతుర్భుజంలో ఒక కోణం 70° అయిన మిగిలిన సమాంతర చతుర్భుజంలో ఎదురెదురు కోణాలు కనుగొనుము.

సాధన: కోణాలు సమానం కనుక $\angle A = \angle C = 70^\circ$

ఆసన్న కోణాలు మొత్తం 180°

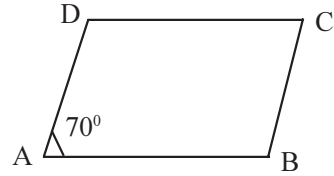
$$\angle A + \angle B = 180^\circ$$

$$70 + \angle B = 180^\circ$$

$$\angle B = 180^\circ - 70^\circ = 110^\circ$$

$\angle B, \angle D$ లు అభిముఖ కోణాలు కనుక సమానం

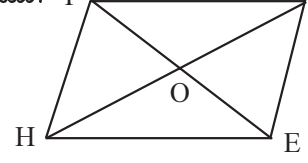
$$\angle B = \angle D = 110^\circ$$



4. *HELP* అను సమాంతర చతుర్భుజంలో 'O' కర్ణాల ఖండన బిందువు $OE = 4\text{cm}$, HL అనునది PE కన్న 5సెం.మీ. ఎక్కువ అయిన OH కనుగొనుము. P

సాధన: *HELP* ఒక సమాంతర చతుర్భుజం $OE = 4$ సెం.మీ

$$PE = x \text{ అయిన } HL = x + 5$$



సమాంతర చతుర్భుజంలో కర్ణాలు సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి. కనుక $OE = OP = 4$ సెం.మీ., అలాగే $PE = OE + OP = 4 + 4 = 8$ సెం.మీ $HL = PE + 5$ కనుక $HL = 8 + 5 = 13$ సెం.మీ. OH అనునది HL లో సగం ఉండును.

$$OH = \frac{HL}{2} = \frac{13}{2}$$

$$OH = 6.5 \text{ సెం.మీ.}$$

5. $ABCD$ ట్రెపీజియంలో $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\angle A = 50^\circ$, $\angle B = 70^\circ$ అయిన $\angle C, \angle D$ ఎంత ?

సాధన: $ABCD$ ట్రెపీజియంలో $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, AD తిర్యగ్రేఖ, తిర్యగ్రేఖ ఒకే వైపు అంతర కోణాలు మొత్తం 180° .

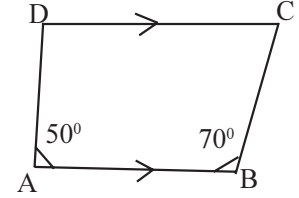
కనుక $\angle A + \angle D = 180^\circ$ చతుర్భుజంలో 4 కోణాల మొత్తం $= 360^\circ$

$$50 + \angle D = 180^\circ \quad \text{కనుక} \quad \angle A + \angle B + \angle C + \angle D = 360^\circ$$

$$\angle D = 180^\circ - 50^\circ \quad 50 + 70 + \angle C + 130 = 360$$

$$\angle D = 130^\circ \quad 250 + \angle C + 360^\circ$$

$$\angle C = 360^\circ - 250^\circ = 110^\circ$$



6. సమాంతర చతుర్భుజంలో రెండు అసన్న కోణాల నిష్పత్తి 3:2 అయిన కోణాలు కనుగొనుము.

సాధన: సమాంతర చతుర్భుజంలో అసన్న కోణాల నిష్పత్తి $= 3:2$

నిష్పత్తి పదం x అయిన అసన్న కోణాలు $3x, 2x$ అగును.

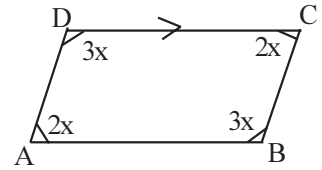
అసన్న కోణాల మొత్తం 180° కనుక $\angle A + \angle B = 180^\circ$

$$2x + 3x = 180 \quad \angle A = \angle C = 2x = 2 \times 36 = 72^\circ$$

$$5x = 180 \quad \angle B = \angle D = 3x = 3 \times 36 = 108^\circ$$

$$x = \frac{180}{5}$$

$$x = 36^\circ$$



7. ఒక చతుర్భుజ కోణాలు వరుసగా $x^\circ, (x+10)^\circ, (x+20)^\circ, (x+30)^\circ$ అయిన విలువ కనుగొనుము.

సాధన: చతుర్భుజ కోణాలు $x^\circ, (x+10)^\circ, (x+20)^\circ, (x+30)^\circ$

O

$$4 \text{ కోణాలు మొత్తం} = 360^\circ$$

$$1\text{వ కోణం} = 75^\circ$$

$$x + x + 10 + x + 20 + x + 30 = 360^\circ$$

$$2\text{వ కోణం} = 75 + 10 = 85^\circ$$

$$4x + 60 = 360$$

$$3\text{వ కోణం} = 75 + 20 = 95^\circ$$

$$4x = 360 - 60$$

$$4\text{వ కోణం} = 75 + 30 = 105^\circ$$

$$4x = 300$$

$$x = \frac{300}{4} \quad x = 75^\circ$$

8. $ABCD$ దీర్ఘచతురస్రంలో $AO = 3x + 1, BO = 2x + 4$ అయిన x ఎంత ?

దీర్ఘచతురస్రంలో కర్ణాలు సమానం కనుక

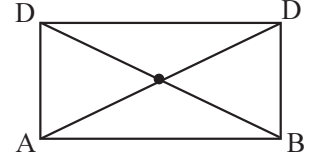
$$AC = BD \Rightarrow \frac{1}{2}AC = \frac{1}{2}BD$$

$$\Rightarrow AO = BO$$

$$3x + 1 = 2x + 4$$

$$3x - 2x = 4 - 1$$

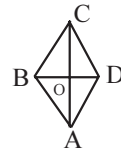
$$x = 3$$



Level-1

1. ఒక చతుర్భుజంలో కర్ణాలు ఎలా ఖండించుకుంటే అది కుంభాకార చతుర్భుజం ()
అగును?
ఎ) అంతరంగా బి) బాహ్యంగా సి) 1 మరియు 2 డి) ఏదీకాదు
2. చతుర్భుజంలో 3 కోణాలు 55° , 65° మరియు 105° అయిన 4వ కోణం ()
ఎ) 55° బి) 65° సి) 105° డి) 135°
3. ఒక చతుర్భుజంలో 4 కోణాలు సమానం అయిన ఒక్కొక్క కోణం ()
ఎ) 60° బి) 75° సి) 90° డి) 110°
4. చతుర్భుజంలో కోణాల నిష్పత్తి 2:3:4:6 అయిన 4 కోణాలు ()
ఎ) $60^\circ, 80^\circ, 100^\circ, 120^\circ$ బి) $48^\circ, 72^\circ, 96^\circ, 144^\circ$
సి) $62^\circ, 84^\circ, 96^\circ, 120^\circ$ డి) $54^\circ, 81^\circ, 108^\circ, 162^\circ$
5. ఒక చతుర్భుజంలో కోణాలు $x^\circ, (x-10)^\circ, (x+30)^\circ, (2x)^\circ$ అయిన x విలువ ()
ఎ) 60° బి) 67° సి) 68° డి) 69°
6. ఒక చతురస్రం అనునది ()
ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) ట్రాపీజియం
సి) దీర్ఘచతురస్రం డి) పైవన్నీ
7. సమాంతర చతుర్భుజంలో ఆసన్న కోణాలు x° మరియు $(2x+30)^\circ$ ()
అయిన మిగిలిన కోణాలు
ఎ) $60^\circ, 120^\circ$ బి) $45^\circ, 135^\circ$ సి) $50^\circ, 130^\circ$ డి) $55^\circ, 125^\circ$
8. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో కర్ణాలు AC, BD లు 'O' వద్ద ఖండించుకొనుచున్నవి $AO = 5$ సెం.మీ, అయిన $AC = \dots$ ()
ఎ) 5 సెం.మీ బి) 10 సెం.మీ సి) 7.5 సెం.మీ డి) కనుగొనలేము.
9. $ABCD$ ట్రాపీజియంలో $\overline{AB} \parallel \overline{DC}$, $\angle D = 80^\circ$ అయిన $\angle A =$ ()
ఎ) 80° బి) 40° సి) 120° డి) 100°

10. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle A = 50^\circ$ అయిన $\angle B, \angle C, \angle D$ లు వరుసగా ()
 ఎ) $130^\circ, 50^\circ, 130^\circ$ బి) $150^\circ, 130^\circ, 130^\circ$
 సి) $130^\circ, 130^\circ, 50^\circ$ డి) $130^\circ, 50^\circ, 50^\circ$
11. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle B = 40^\circ$ అయిన $\angle C =$ ()
 ఎ) 40° బి) 140° సి) 80° డి) 90°
12. $ABCD$ ట్రాపీజియంలో $\angle A = \angle B = 30^\circ$ అయిన $\angle C, \angle D$ లు వరుసగా ()
 ఎ) $150^\circ, 150^\circ$ బి) $150^\circ, 30^\circ$ సి) $30^\circ, 150^\circ$ డి) $30^\circ, 30^\circ$
13. ఒక సమాంతర చతుర్భుజంలో రెండు ఆసన్న కోణాలు 3:2 నిష్పత్తిలో ()
 ఉంటే ఆ కోణాలు
 ఎ) $135^\circ, 90^\circ$ బి) $60^\circ, 40^\circ$ సి) $108^\circ, 72^\circ$ డి) $100^\circ, 80^\circ$
14. సమాంతర చతుర్భుజ ఆసన్న భుజాలు 14 సెం.మీ, 12 సెం.మీ, అయిన చుట్టు ()
 కొలత
 ఎ) 26 సెం.మీ బి) 84 సెం.మీ సి) 168 సెం.మీ డి) 52 సెం.మీ
15. ట్రాపీజియంలో కోణాల మొత్తం ()
 ఎ) 360° బి) 270° సి) 180° డి) 720°
16. రాంబస్ యొక్క భుజం 5 సెం.మీ అయిన చుట్టు కొలత ()
 ఎ) 25 సెం.మీ బి) 10 సెం.మీ సి) 20 సెం.మీ డి) 30 సెం.మీ
17. క్రింది వానిలో రాంబస్ లక్షణం కానిది ఏది ? ()
 ఎ) ఎదుటి భుజాలు సమాంతరం బి) ఎదురెదురు భుజాలు సమానం
 సి) కర్ణాల పొడవులు సమానం డి) కర్ణాలు సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి
18. $ABCD$ రాంబస్ లో కర్ణాలు $\overline{AC}$, $\overline{BD}$, లు 0 వద్ద ఖండించుకున్న ()
 $OC = 2.5$ సెం.మీ, $OB = 1.6$ సెం.మీ అయిన $BD =$
 ఎ) 5 సెం.మీ బి) 3.2 సెం.మీ
 సి) 1.6 సెం.మీ డి) 4.1 సెం.మీ



19. $ABCD$ రాంబస్ కర్ణాలు O వద్ద ఖండించుకున్న $\angle AOB =$ ()

ఎ) 45° బి) 60° సి) 90° డి) 60°

20. సమాంతర చతుర్భుజంలో ఒక కోణం 100° అయిన ఆసన్నకోణం ()

ఎ) 100° బి) 90° సి) 80° డి) 60°

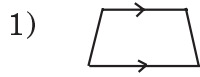
21. $ABCD$ చతురస్రంలో AC కర్ణము అయిన $\angle BAC$ విలువ ()

ఎ) 90° బి) 45° సి) 60° డి) 80°

22. ఒక చతుర్భుజంలో 4 కోణాలు సమానం అయిన ఒక్కొక్క దాని విలువ ()

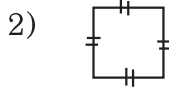
ఎ) 180° బి) 90° సి) 120° డి) 360°

23. ఈ క్రింది వానిని జతపరచుము. ()



()

ఎ) చతురస్రం



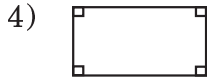
()

బి) సమాంతర చతుర్భుజం



()

సి) ట్రెపీజియం



()

డి) దీర్ఘచతురస్రం

ఎ) ఎ, సి, డి, బి

బి) సి, బి, ఎ, డి

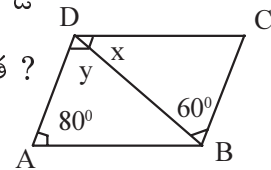
సి) ఎ, సి, బి, డి

డి) సి, ఎ, బి, డి

24. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజం అయిన x, y లు ఎంత ? ()

ఎ) $20^\circ, 60^\circ$ బి) $40^\circ, 60^\circ$

సి) $30^\circ, 70^\circ$ డి) ఏదీకాదు



25. క్రింది వానిని జతపరచుము. ()

1) చతురస్రం చుట్టుకొలత 80 సెం.మీ అయిన భుజం () ఎ) 32 సెం.మీ

2) రాంబస్ భుజం 8 సెం.మీ అయిన చుట్టు కొలత () బి) సమానం

3) దీర్ఘచతురస్ర కర్ణాలు () సి) 20 సెం.మీ

- 4) చతుర్భుజంలో కోణాల సంఖ్య () డి) 4
 ఎ) సి, ఎ, బి, డి బి) డి, బి, ఎ, సి
 సి) ఎ, సి, డి, బి డి) బి, డి, సి, ఎ

26. జతపరచండి. ()

- 1) దీర్ఘచతురస్రంలో ప్రతికోణం () ఎ) సమానం
 2) సమాంతర చతుర్భుజ ఎదురెదురు కోణాలు() బి) 360^0
 3) చతుర్భుజంలో కోణాల మొత్తం () సి) 90^0
 4) చతురస్ర చుట్టుకొలత () డి) $4a$
 ఎ) ఎ, సి, డి, బి బి) సి, ఎ, బి, డి
 సి) ఎ, డి, బి, సి డి) సి, డి, ఎ, బి

27. సరైన వాటిని జతపచుము ()

- 1) $AB=BC=CD=AD$ () ఎ) దీర్ఘచతురస్రం
 2) $AB\parallel CD$ () బి) రాంబస్
 3) $AB=CD, BC=AD \& AC=BD$ () సి) ట్రెపీజియం
 4) $AB=BC=CD=DA \& AC=BD$ () డి) చతురస్రం
 ఎ) ఎ, సి, డి, బి బి) సి, డి, బి, ఎ
 సి) బి, సి, ఎ, డి డి) డి, బి, ఎ, సి

28. చతుర్భుజంలో $\angle A + \angle C = 200^0$ అయిన $\angle B + \angle D =$ ()

- ఎ) 200^0 బి) 160^0 సి) 180^0 డి) 360^0

29. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజం అయిన $\angle A + \angle D =$ ()

- ఎ) 90^0 బి) 180^0 సి) 360^0 డి) 270^0

30. చతుర్భుజంలో బాహ్యకోణాల మొత్తం లంబకోణాల్లో ()

- ఎ) 1 బి) 2 సి) 3 డి) 4

31. కర్ణాలు పసస్పరం లంబ సమద్విఖండన చేసుకొంటూ సమానంగా గల చతుర్భుజం()

- ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) రాంబస్

సి) చతురస్రం

డి) దీర్ఘచతురస్రం

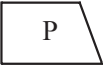
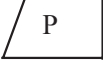
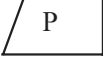
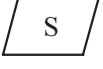
32. $ABCD$ చతుర్భుజంలో $\angle D = 120^\circ$ మరియు $\angle A = \angle B = \angle C$ అయిన $\angle A =$ ()
ఎ) 80° బి) 100° సి) 50° డి) 40°
33. చతుర్భుజంలో రెండు కోణాలు 75° , 3వకోణం 100° అయిన 4వ కోణం ()
ఎ) 100° బి) 75° సి) 110° డి) 105°
34. $ABCD$ రాంబస్ లో $\angle CBA = 40^\circ$ అయిన మిగిలిన కోణాలు వరుసగా ()
ఎ) $40^\circ, 40^\circ, 140^\circ$ బి) $140^\circ, 140^\circ, 40^\circ$
సి) $140^\circ, 40^\circ, 140^\circ$ డి) $140^\circ, 40^\circ, 40^\circ$
35. దీర్ఘచతురస్రం ఆసన్నకోణాలు $x^\circ, (2x+30)^\circ$ అయిన x ఎంత ? ()
ఎ) 130° బి) 50° సి) 40° డి) 100°
36. $BASE$ దీర్ఘచతురస్రంలో $OB = 5x+1, OE = 2x+4$ అయిన x ? ()
ఎ) 1 బి) 3 సి) 4 డి) 2
37. రెండు ఆసన్న భుజాలు సమానంగా ఉండే సమాంతర చతుర్భుజం ()
ఎ) దీర్ఘచతురస్రం బి) ట్రెపీజియం సి) రాంబస్ డి) కైట్
38. ఒక కోణం 90° , రెండు ఆసన్న భుజాలు సమానంగా ఉండే సమాంతర చతుర్భుజం ()
ఎ) దీర్ఘచతురస్రం బి) రాంబస్ సి) ట్రెపీజియం డి) చతురస్రం
39. ట్రెపీజియం $ABCD$ లో $AB \parallel DC, \angle D = x^\circ$ అయిన $\angle A =$ ()
ఎ) $180 - x^\circ$ బి) $180 + x^\circ$ సి) $90 - x^\circ$ డి) $90 + x^\circ$
40. సమాంతర చతుర్భుజంలో కర్ణము దాన్ని..... త్రిభుజాలుగా విభజించును ()
1) అనురూప బి) సర్వసమాన సి) సరూప డి) సమబాహు
41. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో కర్ణాలు AC, BD లు O వద్ద ఖండించుకుని ()
 $AO = 5$ సెం.మీ అయిన $AC = \dots$
ఎ) 12 సెం.మీ. బి) 5 సెం.మీ సి) 6 సెం.మీ డి) 10 సెం.మీ
42. సమ చతుర్భుజం $ABCD$ లో కర్ణాలు O వద్ద ఖండించుకుంటే $\angle AOB =$ ()
ఎ) 70° బి) 100° సి) 90° డి) 180°

43. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజం అయితే $\angle A - \angle C = \dots$ ()
 ఎ) 90^0 బి) 0^0 సి) 180^0 డి) 360^0
44. దీర్ఘచతురస్రంలో కర్ణం $AC = 10$ సెం.మీ అయిన $BD = \dots\dots$ ()
 ఎ) 10 సెం.మీ బి) 5 సెం.మీ సి) 50 సెం.మీ డి) 8 సెం.మీ
45. $ABCD$ చతురస్రంలో $\overline{AC}$ కర్ణం అయిన $\angle BAC = \dots\dots$ ()
 ఎ) 90^0 బి) 45^0 సి) 180^0 డి) 30^0

Level-2

1. ఒక చతుర్భుజంలో, రెండు కోణాలు లంబకోణాలు, మిగిలిన కోణాలు 1:2 నిష్పత్తిలో ఉన్న ఆ కోణాలు ఎంత ? ()
 ఎ) $60^0, 100^0$ బి) $60^0, 120^0$ సి) $45^0, 90^0$ డి) $55^0, 110^0$
2. ఒక చతుర్భుజంలో రెండు కోణాలు సంపూర్ణకాలు, మిగిలినవి 4:5 నిష్పత్తిలో ఉన్న ఆ కోణాలు ()
 ఎ) $100^0, 120^0$ బి) $150^0, 100^0$ సి) $100^0, 100^0$ డి) $80^0, 100^0$
3. పటంలో x విలువ ఎంత ? ()
 ఎ) 20^0 బి) 40^0 సి) 30^0 డి) 350^0
4. సమాంతర చతుర్భుజంలో ఒక కోణం 90^0 అయిన మిగిలిన కోణాలు ()
 ఎ) $90^0, 90^0, 90^0$ బి) $70^0, 120^0, 80^0$ సి) $80^0, 80^0, 110^0$ డి) $90^0, 90^0, 180^0$
5. సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle A = 50^0$ అయిన $\angle D = ?$ ()
 ఎ) 50^0 బి) 100^0 సి) 90^0 డి) 130^0
6. పటములో $PQRS$ సమాంతర చతుర్భుజం అయిన $\angle x$ ఎంత ? ()
 ఎ) 40^0 బి) 50^0 సి) 45^0 డి) 60^0
7. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle C, \angle D$ లు ()
 ఎ) $120^0, 60^0$ బి) $120^0, 120^0$ సి) $60^0, 120^0$ డి) $60^0, 60^0$
8. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle ADC = \dots$ ()
 ఎ) 55^0 బి) 110^0 సి) 70^0 డి) 100^0
9. $PQRS$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $x + y$ ఎంత ? ()
 ఎ) 106^0 బి) 53^0 సి) 74^0 డి) 180^0
10. $PQRS$ దీర్ఘచతురస్రంలో $PR + QS =$ ()
 ఎ) 13 సెం.మీ బి) 17 సెం.మీ సి) 12 సెం.మీ డి) 26 సెం.మీ
11. $MNOP$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $x + y = \dots$ ()
 ఎ) 140^0 బి) 105^0 సి) 100^0 డి) 120^0
12. $PQRS$ రాంబస్‌లో కర్ణాల పొడవుల మొత్తం ()
 ఎ) 110 సెం.మీ బి) 62 సెం.మీ సి) 60 సెం.మీ డి) 100 సెం.మీ
13. $ABCD$ వ రాంబస్ చుట్టుకొలత ఎంత ? ()
 ఎ) 14 సెం.మీ బి) 10 సెం.మీ సి) 20 సెం.మీ డి) 25 సెం.మీ
14. చతుర్భుజి కోణాల నిష్పత్తి 3:5:9:13 అయిన పెద్ద కోణం ()
 ఎ) 156^0 బి) 100^0 సి) 120^0 డి) 110^0

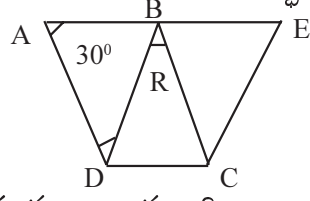
15. చతుర్భుజంలో ఒక కోణం 100° మిగిలిన 3 కోణాల నిష్పత్తి 1:5:7 ()
 ఎ) $100^\circ, 20^\circ, 140^\circ$ బి) $100^\circ, 100^\circ, 100^\circ$
 సి) $140^\circ, 100^\circ, 20^\circ$ డి) $20^\circ, 100^\circ, 140^\circ$
16. పటంలో $AD = CD, AB = BC$ అయిన లు ()
 ఎ) $60^\circ, 60^\circ$ బి) $130^\circ, 130^\circ$ సి) $60^\circ, 130^\circ$ డి) $100^\circ, 160^\circ$
17. $ABCD$ రాంబస్‌లో $\angle B + \angle C =$ ()
 ఎ) 90° బి) 150° సి) 120° డి) 180°
18. $ABCD$ దీర్ఘచతురస్రంలో $\angle BAC = 57^\circ$ అయిన $\angle DBC =$ ()
 ఎ) 33° బి) 40° సి) 57° డి) 110°
19. సమాంతర చతుర్భుజ చుట్టుకొలత 128 మీ అయిన $x?$ ()
 ఎ) 100 మీ బి) 16 మీ సి) 8 మీ డి) 12 మీ
20. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle B + \angle D = \dots$ ()
 ఎ) 180° బి) 120° సి) 300° డి) 200°
21. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో x, y ఎంత ? ()
 ఎ) 6, 7 బి) 5, 7 సి) 7, 8 డి) 6, 5
22. సమాంతర చతుర్భుజ చుట్టుకొలత 14.6 సెం.మీ. పొడవాటి భుజం 4.8 సెం.మీ ()
 అయిన చిన్న భుజం ఎంత ?
 ఎ) 2.3 సెం.మీ బి) 2.5 సెం.మీ సి) 3.3 సెం.మీ డి) 3.5 సెం.మీ
23. క్రింది వానిలో కర్ణాలు లంబ సమద్విఖండన దేనిలో ఉండును. ()
 ఎ) చతురస్రం బి) కైట్ సి) ట్రెపీజియం డి) చతుర్భుజం
24. క్రింది చతుర్భుజాల్లో అన్ని కోణాలు సమానంగా ఉండునది ()
 ఎ) దీర్ఘచతురస్రం బి) కైట్ సి) ట్రెపీజియం డి) రాంబస్
25. క్రింది వానిలో కర్ణాల పరస్పరం లంబంగా ఉండేది ()
 ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) కైట్
 సి) ట్రెపీజియం డి) దీర్ఘచతురస్రం
26. క్రింది వానిలో ఇచ్చిన నియమాలు సంతృప్తి పరచేది ()
 → అన్ని భుజాలు సమానం
 → అన్ని కోణాలు లంబాలు
 → ఎదురెదురు భుజాలు సమాంతరం
 ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) ట్రెపీజియం
 సి) చతురస్రం డి) రాంబస్

27. రెండు జతల ఆసన్న భుజాలు సమానంగా గల చతుర్భుజం ()
 ఎ)  బి)  సి)  డి) 
28. క్రింది వానిలో ఒక జత ఎదుటి భుజాలు సమాంతరంగా గలది ()
 ఎ)  బి)  సి)  డి) 
29. అన్ని భుజాలు సమానం, అన్ని కోణాలు లంబాలు, ఎదురెదురు బుజాలు సమాంతరం ()
 ఎ)  బి)  సి)  డి) 
30. క్రింది వానిలో ట్రెపీజియంను సూచించు నియమం ఏది ? ()
 ఎ) ఒక జత ఎదుటి భుజాలు సమానం
 బి) కర్ణాలు సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి
 సి) కర్ణాలు లంబసమద్విఖండన చేసుకుంటాయి
 డి) కర్ణాలు సమానం
31. క్రింది వానిలో సమాంతర చతుర్భుజ ధర్మం ఏది ? ()
 ఎ) ఎదురెదురు భుజాలు సమాంతరాలు
 బి) కర్ణాలు లంబ సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి
 సి) కర్ణాలు లంబంగా ఉంటాయి.
 డి) అన్ని కోణాలు సమానం
32. ఒక చతుర్భుజంలో గరిష్టంగా ఉండు అధిక కోణాల సంఖ్య ()
 ఎ) 1 బి) 2 సి) 3 డి) 4
33. సమాంతర చతుర్భుజ రెండు ఆసన్న కోణాలు $(5x - 5)^0, (10x + 35)^0$ అయిన ()
 వాటి నిష్పత్తి
 ఎ) 1:3 బి) 2:3 సి) 1:4 డి) 1:2
34. సమాంతర చతుర్భుజంలో ఆసన్న కోణాల మొత్తం ()
 ఎ) 120^0 బి) 180^0 సి) 360^0 డి) 90^0
35. సమాంతర చతుర్భుజ ఆసన్నకోణాల నిష్పత్తి 2:3 అయిన ఆ కోణాలు ()
 ఎ) $72^0, 108^0$ బి) $36^0, 54^0$ సి) $80^0, 120^0$ డి) $96^0, 144^0$

36. పటంలో $ABCD, BDCE$ లు ఒకే భూమి DC లుగా గల సమాంతర చతుర్భుజాలు()

మరియు అయిన $\overline{CB} \perp \overline{DC}$ అయిన $\angle BEC$

- ఎ) 60° బి) 30°
సి) 150° డి) 120°



37. ఒక సమాంతర చతుర్భుజంలో ఆసన్న భుజాలు సమానం అయిన అది ()

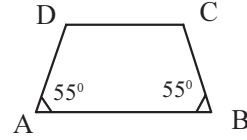
- ఎ) దీర్ఘచతురస్రం బి) ట్రెపీజియం సి) రాంబస్ డి) చతుర్భుజం

38. క్రిందివానిలో చతుర్భుజ అంతర కోణాలు కాగలవి ()

- ఎ) $140^\circ, 40^\circ, 20^\circ, 160^\circ$ బి) $270^\circ, 150^\circ, 30^\circ, 20^\circ$
సి) $40^\circ, 70^\circ, 90^\circ, 60^\circ$ డి) $40^\circ, 70^\circ, 90^\circ, 60^\circ$

39. $ABCD$ ట్రెపీజియంలో $\angle D =$

- ఎ) 55° బి) 115°
సి) 135° డి) 125°



40. ఒక చతుర్భుజంలో 3 అల్పకోణాలు ఒక్కొక్కటి 80° అయిన 4వ కోణం ()

- ఎ) 150° బి) 120° సి) 105° డి) 140°

41. సమాంతర చతుర్భుజ రెండు ఆసన్న కోణాలు $1:5$ నిష్పత్తిలో ఉంటే అన్ని కోణాలు()

- ఎ) $30^\circ, 150^\circ, 30^\circ, 150^\circ$ బి) $85^\circ, 95^\circ, 85^\circ, 95^\circ$
సి) $45^\circ, 135^\circ, 45^\circ, 135^\circ$ డి) $30^\circ, 180^\circ, 30^\circ, 180^\circ$

42. ఒక సమాంతర చతుర్భుజంలో $QR = 6$ సెం.మీ, $PQ = 4$ సెం.మీ, $\angle PQR = 90^\circ$ ()

అయిన అది

- ఎ) చతురస్రం బి) దీర్ఘ చతురస్రం సి) రాంబస్ డి) ట్రెపీజియం

43. చతుర్భుజ కోణాలు $1:3:7:9$ నిష్పత్తిలో ఉంటే అది ()

- ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) రాంబస్
సి) ట్రెపీజియం డి) ఏదీకాదు

44. ట్రెపీజియం $PQRS$ లో $PQ \parallel SR$ మరియు $\angle P = 130^\circ, \angle Q = 110^\circ$ అయిన $\angle R =$ ()

- ఎ) 70° బి) 50° సి) 65° డి) 55°

45. చతుర్భుజ కర్ణాలు కోణాలను సమద్విఖండన చేసిన అది ()

- ఎ) కైట్ బి) సమాంతర చతుర్భుజం
సి) రాంబస్ డి) దీర్ఘచతురస్రం

46. ఒక సమాంతర చతుర్భుజ నిర్మాణానికి కావలసిన స్వతంత్ర కొలతలు ()

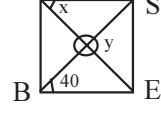
- ఎ) 2 బి) 3 సి) 4 డి) 5

47. దీర్ఘచతురస్ర నిర్మాణానికి కావలసిన స్వతంత్ర కొలతలు ()

ఎ) 4 బి) 3 సి) 2 డి) 1

48. *BEST* అను రాంబస్‌లో $y - x$ ఎంత ()

ఎ) 40° బి) 50°
సి) 20° డి) 10°



49. క్రింది వానిలో బహుభుజి అయ్యే సంవృత్త పటం ఏది ? ()



50. *PQRS* చతురస్రంలో *PR, SQ* లు వద్ద ఖండించుకున్న $\angle POQ = \dots$ ()

ఎ) లంబకోణం బి) సరళకోణం సి) పరావర్తన కోణం డి) సంపూర్ణకోణం

51. ఒక చతుర్భుజం నిర్మించాలంటే 3 భుజాలు, ఎన్ని కోణాలు తెలియాలి ()

ఎ) 1 బి) 2 సి) 3 డి) 4

52. ఒక సమాంతర చతుర్భుజం రాంబస్ అవ్వాలంటే ఎన్ని భుజాలు సమానం కావాలి ()

ఎ) ఒకటి బి) రెండు సి) మూడు డి) అన్నీ

53. ఒక చతుర్భుజంలో కర్ణాలు కేవలం సమద్విఖండన చేసుకుంటే అది ()

ఎ) చతురస్రం బి) సమాంతర చతుర్భుజం
సి) రాంబస్ డి) ట్రెపీజియం

54. ఆసన్న భుజాలు సమానంగా గల దీర్ఘచతురస్రం ()

ఎ) సమాంతర చతుర్భుజం బి) రాంబస్
సి) ట్రెపీజియం డి) చతురస్రం

55. దీర్ఘచతురస్రంలో కర్ణాలు ()

ఎ) సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి బి) లంబసమద్విఖండన చేసుకుంటాయి.
సి) సమానం మరియు సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి
డి) సమానం, లంబ సమద్విఖండన చేసుకుంటాయి

56. ఒక చతుర్భుజంలో ఒక కర్ణం మాత్రమే సమద్విఖండన చేసుకున్న అది ()

ఎ) ట్రెపీజియం బి) రాంబస్ సి) కైట్ డి) చతురస్రం

57. ఒక బహుభుజి బాహ్యకోణాల మొత్తం, అంతర కోణాల మొత్తం ()

సమానం అయిన అది
ఎ) త్రిభుజం బి) చతుర్భుజం సి) పంచభుజి డి) షడ్భుజి

58. 4 రేఖాఖండాలు ఏర్పడు పటం చతుర్భుజం అవ్వాలంటే అది .. కావలెను ()

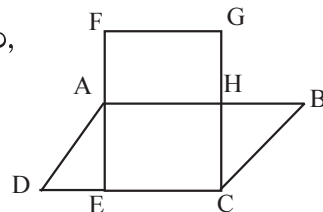
ఎ) సరళపటం బి) సంవృత్త పటం సి) ఎ మరియు బి డి) ఏదీకాదు

59. ఒక చతుర్భుజంలో 4 భుజాలు సమానం అయిన అది ()

ఎ) ట్రెపీజియం బి) దీర్ఘచతురస్రం సి) చతురస్రం డి) రాంబస్

Level-3

1. $ABCD$ చతుర్భుజంలో O ఒక బిందువు అయిన ()
 ఎ) $OB + OD = OC + OA$ బి) $OB^2 + OA^2 = OC^2 + OD^2$
 సి) $OB \cdot OD = OC \cdot OA$ డి) $OB^2 + OD^2 = OC^2 + OA^2$
2. $ABCD$ చతుర్భుజంలో $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ అయిన $AC^2 + BD^2$ విలువ ()
 ఎ) $BC^2 + AD^2 + 2AB \cdot CD$ బి) $AB^2 + CD^2 + 2AD \cdot BC$
 సి) $AB^2 + CD^2 + 2AB \cdot CD$ డి) $BC^2 + AD^2 + 2BC \cdot AD$
3. ట్రెపీజియంలో P, Q సమాంతర భుజాల మధ్య బిందువు అయిన ()
 అసమాన భుజాల మధ్య బిందువులను కలుపు రేఖ
 ఎ) $\sqrt{PQ}$ బి) $\frac{2PQ}{P+Q}$ సి) $\frac{P+Q}{2}$ డి) $\frac{1}{2}(P-Q)$
4. $ABCD$ చతుర్భుజంలో $\overline{AB} \parallel \overline{CD}$ మరియు $AB = 2 \cdot CD$ కర్ణాలు O వద్ద ()
 ఖండించుకున్న $\triangle AOB, \triangle COD$ వైశాల్యాల నిష్పత్తి
 ఎ) 1:2 బి) 2:1 సి) 4:1 డి) 1:4
5. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $AD = a, DC = 2a, DE : EC = 1:2, CEFG$ ()
 దీర్ఘ చతురస్రంలో $FE = 3AE$ అయిన సమాంతర చతుర్భుజం,
 దీర్ఘ చతురస్ర వైశాల్యాల నిష్పత్తి
 ఎ) 1:1 బి) 1:2
 సి) $\frac{a^2}{5} : 1$ డి) 2:1



6. $ABCD$ రాంబస్ లో 'P' అనునది 4 భుజాలకు సమాన దూరంలో ()
 ఉండు బిందువు అయిన 'P' విలువ
 ఎ) 4 బి) 2 సి) 1 డి) 0
7. $ABCD$ దీర్ఘచతురస్రంలో E, F లు BC, AD ల మధ్యబిందువులు G ()
 అనునది EF పై బిందువు అయిన $\triangle GAB =$
 ఎ) $\frac{1}{6}(\text{rect. } ABCD)$ బి) $\frac{1}{4}(\text{rect. } ABCD)$ సి) $\frac{1}{3}(\text{rect. } ABCD)$ డి) $\frac{1}{2}(\text{rect. } ABCD)$
8. ఒక రాంబస్ చతురస్రం ఒకే భూమి కల్గి ఉన్న చతురస్రం, రాంబస్ ()
 వైశాల్యాల నిష్పత్తి
 ఎ) $\frac{1}{4}$ కి సమానం బి) $\frac{1}{2}$ కి సమానం సి) 1కి సమానం డి) 1కన్నా ఎక్కువ

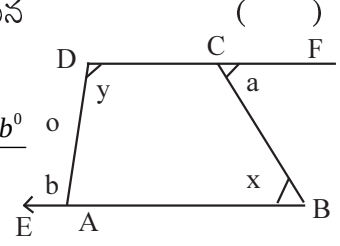
9. $ABCD$ చతుర్భుజంలో BA, DC లు పొడిగించవలెను. అయిన క్రింది వానిలో ఏది నిజం

ఎ) $2x^0 + y^0 = a^0 + b^0$

బి) $x^0 + \frac{1}{2}y^0 = \frac{a^0 + b^0}{2}$

సి) $x^0 + y^0 = a^0 + b^0$

డి) $x^0 + a^0 = y^0 + b^0$



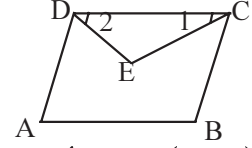
10. $ABCD$ చతురస్రంలో $\angle C, \angle D$ కోణ సమద్విఖండన రేఖలు E వద్ద ఖండించుకున్న క్రింది వానిలో సరి అయినది

ఎ) $\angle A + \angle B = \angle CED$

బి) $\angle A + \angle B = 2\angle CED$

సి) $\angle A + \angle B = 3\angle CED$

డి) ఏదీకాదు



11. ప్రక్కపటంలో $PQRS$ చతురస్రం, $\angle ABC = 90^0$, $AQ = BR = SC$ అయిన

1) $QB = RC$

2) $AB = BC$

3) $\angle BAC = 45^0$

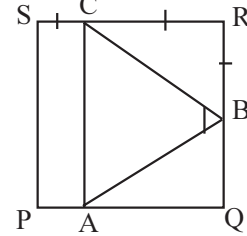
4) $AC = PS$

ఎ) 1 మరియు 4 సరియైనవి

బి) 1, 2 మరియు 3

సి) 2, 3 మరియు 4 సరియైనవి

డి) అన్ని సరైనవి



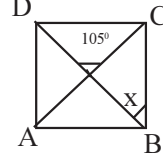
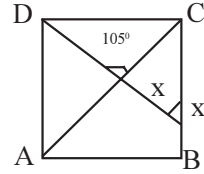
12. $ABCD$ చతురస్రంలో DX రేఖ BC ని X - వద్ద ఖండిస్తుంది మరియు $\angle COD = 105^0, \angle OXC = x^0$ అయిన x

ఎ) 40^0

బి) 60^0

సి) 80^0

డి) 85^0



13. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో $\angle A, \angle B$ ల కోణ సమద్విఖండన రేఖలు P వద్ద ఖండించుకున్న $\angle APB$

ఎ) 90^0

బి) 60^0

సి) 120^0

డి) సరియైనది కాదు

14. $ABCD$ ఒక చతురస్రం BC పై ఒక బిందువు P , $\overline{AB}$ పై బిందువు Q ను కలవు. $AP = DQ$ మరియు $\overline{AP}$ అనునది $\overline{DQ}$ ని R వద్ద ఖండించిన $\angle DRP$

ఎ) 60^0

బి) 120^0

సి) 90^0

డి) కనుగొనలేము

15. $ABCD$ రాంబస్ లో క్రింది నియమం ఏది ఉండును.

ఎ) $AC^2 + BD^2 = 4AB^2$

బి) $AC^2 + BD^2 = AB^2$

సి) $AC^2 + BD^2 = 2AB^2$

డి) $2(AC^2 + BD^2) = 3AB^2$

16. $ABCD$ ట్రాపీజియంలో $BC \parallel AD, AO = 3x - 1, OC = 5x - 3, BO = 2x + 1, OD = 6x - 5$ ()

అయిన x ఎంత ?

()

ఎ) 1

బి) 2

సి) 3

డి) 4

17. $ABCD$ సమాంతర చతుర్భుజంలో E, F లు $\triangle ABD, \triangle ABC$ ల

()

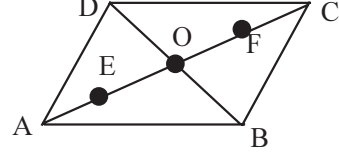
గురుత్వకేంద్రాలు అయిన $EF = \dots\dots\dots$

ఎ) AE

బి) BE

సి) CE

డి) DE



18. $ABCD$ రాంబస్ అయిన $AB^2 + BC^2 + CD^2 + AD^2 = \dots\dots\dots$ ()

ఎ) $AD^2 + BC^2$

బి) $AO^2 + OC^2$

సి) $AC^2 + BD^2$

డి) $(AO^2 + OB^2)$

చతుర్థజాలు - KEY

LEVEL - 1

1	A
2	D
3	C
4	B
5	C
6	D
7	C
8	B
9	D
10	A
11	B
12	A
13	C
14	D
15	A
16	C
17	C
18	B
19	C
20	C
21	B
22	B
23	D
24	B
25	A
26	B
27	C
28	B
29	B
30	D
31	C
32	A
33	C
34	C
35	B
36	A
37	C
38	D
39	A
40	B
41	D
42	C
43	B
44	A
45	B

LEVEL - 2

1	A
2	C
3	C
4	D
5	B
6	D
7	D
8	D
9	B
10	A
11	C
12	A
13	B
14	D
15	B
16	C
17	A
18	A
19	B
20	C
21	D
22	B
23	A
24	C
25	A
26	B
27	C
28	A
29	B
30	D
31	A
32	D
33	B
34	C
35	A
36	D
37	C
38	A
39	B
40	C

41	D
42	B
43	A
44	C
45	A
46	B
47	C
48	A
49	B
50	D
51	A
52	D
53	B
54	C
55	A
56	D
57	C
58	A
59	B

LEVEL - 3

1	D
2	A
3	C
4	C
5	B
6	C
7	B
8	C
9	C
10	B
11	D
12	B
13	A
14	C
15	A
16	B
17	D
18	C